I. Inégalité triangulaire II. Construction de triangles III. Aire d'un triangle IV. Somme des angles d'un triangle

# Triangles

maths-cfm.fr

5e

### Table des matières

- 1. Inégalité triangulaire
- 2 II. Construction de triangles
  - a. Avec la longueur d'un segment et deux angles
  - b. Avec les longueurs de deux côtés et l'angle entre ces côtés
  - c. Avec les longueurs des trois côtés
- III. Aire d'un triangle
  - a. Hauteur d'un triangle
  - b. Aire d'un triangle
  - c. Médiane dans un triangle
- 4 IV. Somme des angles d'un triangle

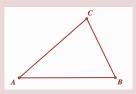


# I. Inégalité triangulaire :

### Propriété

Dans un triangle ABC, on a :

$$\begin{array}{rcl} AC & \leq & AB + BC \\ AB & \leq & AC + CB \\ BC & \leq & BA + AB \end{array}$$



#### Remarque:

Lorsque AB = AC + CB, cela signifie que le point C appartient au segment [AB].



- a. Avec la longueur d'un segment et deux angles
- b. Avec les longueurs de deux côtés et l'angle entre ces côtés
  c. Avec les longueurs des trois côtés

## a. Avec la longueur d'un segment et deux angles

#### Règle

Pour construire un triangle ABC connaissant la longueur d'un côté [AB] et la mesure des angles  $\widehat{BAC}$  et  $\widehat{ABC}$  :

- on trace le segment [AB];
- on trace l'angle  $\widehat{BAC}$  avec la mesure donnée;
- on trace l'angle  $\widehat{ABC}$  avec la mesure donnée;
- les deux demi-droites qui ont permis de construire les angles doivent se couper en C.

### Exemple

Construire un triangle ABC tel que AB = 5 cm, BAC = 45°et  $\overrightarrow{ABC} = 76$ °.

- a. Avec la longueur d'un segment et deux angles
- b. Avec les longueurs de deux côtés et l'angle entre ces côtés c. Avec les longueurs des trois côtés

## b. Avec les longueurs de deux côtés et l'angle entre ces côtés

#### Règle

Pour construire un triangle ABC connaissant la mesure de l'angle  $\widehat{BAC}$  et les longueurs des côtés [AB] et [AC]:

- On construit un angle de la mesure de l'angle  $\widehat{BAC}$ . On place son sommet : A;
- sur un des côtés de l'angle, on place B avec la bonne longueur;
- sur l'autre côté de l'angle, on place C avec la bonne longueur.

#### Exemple

Construire un triangle ABC tel que AB = 5 cm, AC = 3.6 m et  $\widehat{BAC} = 51^{\circ}$ .

- a. Avec la longueur d'un segment et deux angles
- b. Avec les longueurs de deux côtés et l'angle entre ces côtés
  c. Avec les longueurs des trois côtés

### c. Avec les longueurs des trois côtés

### Règle

Pour construire un triangle ABC dont on connaît les longueurs des trois côtés :

- On trace le segment ([AB] par exemple) avec la bonne longueur;
- on trace le cercle de centre A et de rayon AC;
- on trace le cercle de centre B et de rayon BC;
- lorsque les deux cercles se croisent, chaque point d'intersection convient pour C.

### Exemple

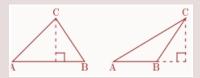
Construire un triangle ABC tel que AB = 5 cm, AC = 4.2 cm et BC = 3.6 cm.

- a. Hauteur d'un triangle
- c. Médiane dans un triangle

### a. Hauteur d'un triangle

#### Définition

Dans un triangle, la hauteur relative à un côté est la droite perpendiculaire à ce côté, passant par le sommet opposé à ce côté. La longueur du segment joignant le sommet au segment est appelée *hauteur*.



- a. Hauteur d'un triangle
- b. Aire d'un triangle
- c. Médiane dans un triangle

## b. Aire d'un triangle

#### Propriété

L'aire d'un triangle est égale à la moitié du produit de la longueur d'un côté par la hauteur relative à ce côté :

$$\mathsf{Aire}\ \mathsf{du}\ \mathsf{triangle} = \frac{\mathsf{c\^{o}t\acute{e}} \times \mathsf{hauteur}}{2}$$

#### **Exemples**

Soit un triangle quelconque ABC avec BC = 3 cm et la hauteur AH = 4 cm.



L'aire du triangle  $ABC = \frac{a \times h}{2} = \frac{3 \text{ } cm \times 4 \text{ } cm}{2}$ .

L'aire du triangle  $ABC = 6 \text{ cm}^2$ .

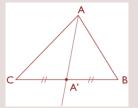


- a. Hauteur d'un triangle
- b. Aire d'un triang
- c. Médiane dans un triangle

### c. Médiane dans un triangle

#### Définition

Dans un triangle, la médiane relative à un côté est la droite passant par le milieu de ce côté et par le sommet opposé à ce côté.



#### Propriété

Une médiane coupe le triangle en deux triangles de même aire.

# IV. Somme des angles d'un triangle

#### Propriété

La somme des mesures des angles dans un triangle est de 180°.

### Exemple

Si 
$$\hat{A} = 89^{\circ}$$
et  $\hat{B} = 50^{\circ}$ , alors  $\hat{C} = 180^{\circ} - (50^{\circ} + 89^{\circ}) = 180^{\circ} - 139^{\circ} = 41^{\circ}$ .

